

# SÉRIES E EQUAÇÕES DIFERENCIAIS ORDINÁRIAS - 3ª PROVA - SET/2019 - A

NOME: \_\_\_\_\_

Nº MATRÍCULA: \_\_\_\_\_ CURSO: \_\_\_\_\_

1) A função  $y(x) = c_1 e^x + c_2 e^{-x} + 4 \sin x$  é solução de uma equação diferencial. Determine os valores de  $c_1$  e  $c_2$  para que sejam satisfeitas as condições iniciais  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = -1$ .

2) Resolva a equação  $(4y - 3)dy + 2x \sin(x^2 + 3)dx = 0$

3) Mostre que a equação  $(20x^4 y^3 + 2)dx + (12x^5 y^2 - 10y)dy = 0$  é exata e determine sua solução geral.

4) Determine a solução geral da seguinte equação diferencial:

$$y' + \frac{y}{x} = \frac{\cos 5x}{x}.$$

5) Determine a solução geral da equação  $y^{(4)} + 5y'' - 36y = 0$ .

# SÉRIES E EQUAÇÕES DIFERENCIAIS ORDINÁRIAS - 3ª PROVA - SET/2019 - B

NOME: \_\_\_\_\_

Nº MATRÍCULA: \_\_\_\_\_ CURSO: \_\_\_\_\_

1) A função  $y(x) = c_1 \sin x + c_2 \cos x + 1$  é solução de uma equação diferencial. Determine os valores de  $c_1$  e  $c_2$  para que sejam satisfeitas as condições iniciais  $y(\pi) = 1$ ,  $y'(\pi) = 0$ .

2) Resolva a equação  $y' + y \operatorname{tg} x = \sec x$ .

3) Mostre que a equação  $(9x^2y^8 - 20x)dx + (24x^3y^7 + 15y^2)dy = 0$  é exata e determine sua solução geral.

4) Dê exemplo de uma equação diferencial linear homogênea de quarta ordem com coeficientes constantes que admita as soluções particulares  $y = xe^{2x}$  e  $y = 13 \sin(3x)$ .

5) Determine a solução geral da equação  $y^{(4)} + 7y'' - 144y = 0$ .

# SÉRIES E EQUAÇÕES DIFERENCIAIS ORDINÁRIAS - 3ª PROVA - SET/2019 - C

NOME: \_\_\_\_\_

Nº MATRÍCULA: \_\_\_\_\_ CURSO: \_\_\_\_\_

1) Resolva a equação  $(3y + 5)dy - 2x \cos(x^2 + 1)dx = 0$

2) Mostre que a equação  $(12x^3y^4 - 50x^4)dx + (12x^4y^3 - 16y^7)dy = 0$  é exata e determine sua solução geral.

3) Determine a solução geral da seguinte equação diferencial linear de primeira ordem:

$$y' + \frac{2y}{x} = \frac{\cos 5x}{x^2}.$$

4) Determine a solução geral da equação  $y^{(4)} - 7y'' - 144y = 0$ .

5) Dê exemplo de uma equação diferencial linear homogênea de quarta ordem com coeficientes constantes que admita  $y = xe^{-2x} \cos x$  como uma solução particular.

# SÉRIES E EQUAÇÕES DIFERENCIAIS ORDINÁRIAS - 3ª PROVA - SET/2019 - D

NOME: \_\_\_\_\_

Nº MATRÍCULA: \_\_\_\_\_ CURSO: \_\_\_\_\_

- 1) Determine todos os valores de  $m$  para os quais a função  $y = 2e^{mx}$  é solução da equação

$$y''' + 5y'' + 6y' = 0.$$

- 2) Resolva a equação  $x^3(1 + e^{2y})dx - e^y\sqrt{1 + x^4}dy = 0$

- 3) Determine a solução geral da seguinte equação diferencial de primeira ordem:

$$y' + \frac{3y}{x} = \frac{\sin 8x}{x^3}.$$

- 4) Determine a solução geral da equação

$$y^{(4)} + 2y''' + 10y'' + 10y' + 25y = 0$$

sabendo que  $y = 3 \cos(\sqrt{5}x)$  é uma solução particular.

- 5) Dê exemplo de uma equação diferencial linear homogênea de quarta ordem com coeficientes constantes que admita as soluções particulares  $y = xe^{-3x}$  e  $y = 10 \sin(2x)$ .

# SÉRIES E EQUAÇÕES DIFERENCIAIS ORDINÁRIAS - 3ª PROVA - SET/2019 - E

NOME: \_\_\_\_\_

Nº MATRÍCULA: \_\_\_\_\_ CURSO: \_\_\_\_\_

- 1) Determine todos os valores de  $m$  para os quais a função  $y = e^{mx}$  é solução da equação

$$y^{(4)} - 10y'' + 9y = 0.$$

- 2) Resolva a equação  $y' = \frac{2y}{x+1} + e^x(x+1)^2$ .

- 3) Resolva a equação  $(\sin y - y \sin x + \frac{1}{x})dx + (x \cos y + \cos x - \frac{1}{y})dy = 0$ .

- 4) Determine a solução geral da

$$y^{(4)} - 2y''' + 20y'' - 20y' + 100y = 0$$

sabendo que  $y = 5 \sin(\sqrt{10}x)$  é uma solução particular.

- 5) Dê exemplo de uma equação diferencial linear homogênea de quarta ordem com coeficientes constantes que admita  $y = xe^{2x} \cos(3x)$  como uma solução particular.