



UNIVERSIDADE FEDERAL DA PARAÍBA  
CCEN - DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICA  
CÁLCULO VETORIAL E GEOMETRIA ANALÍTICA - 3<sup>a</sup> PROVA

ALUNO:

MATRÍCULA:

- 1) Seja  $r$  a reta definida pela interseção dos planos  $\pi_1 : x - y + 2z = 0$  e  $\pi_2 : 2x + y + z = 3$ .
- Encontre as equações paramétricas de  $r$ ;
  - Dê exemplo de dois pontos de  $r$ ;
  - Calcule a distância do ponto  $P = (1, 0, 1)$  à reta  $r$ .

- 2) Dados o plano  $\pi : x + y - 2z = 1$  e o ponto  $A = (1, -1, 2)$ ,
- Verifique se o ponto  $A$  pertence ao plano  $\pi$ ;
  - Calcule a distância de  $A$  a  $\pi$ ;
  - Encontre a equação da reta que passa por  $A$  e é perpendicular ao plano  $\pi$ .

- 3) Sejam  $r_1$  a reta que passa por  $A = (1, 0, 0)$  e  $B = (0, 2, 0)$  e  $r_2$  a reta

$$\frac{x-2}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-4}{3}$$

- Calcule a distância entre  $r_1$  e  $r_2$ ;
- Encontre a equação da reta que passa por  $C = (0, 5, -3)$  e que é ortogonal a  $r_1$  e a  $r_2$ .

- 4) Determine o valor de  $m$  para que a reta

$$\frac{x-1}{-2} = \frac{y-2}{3m+1} = \frac{z}{2}$$

seja paralela ao plano  $x - 4y + 5z - 1 = 0$ .