

Equações Paramétricas para as Cônicas e Quádricas

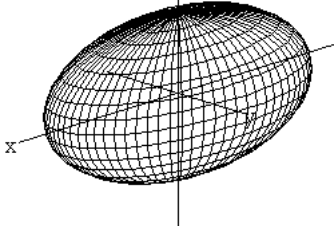
A utilização das equações paramétricas, principalmente em \mathbb{R}^3 , facilitam o esboço dos gráficos em programas gráficos, como o Winplot, bastando para tanto escolher a opção *Equação/Paramétrica* e definir, como intervalos para os parâmetros $t \in [-3, 3]$ e $u \in [0, 2\pi]$ (esta escolha depende muito do tipo da equação).

Obs.: No Winplot a função $\text{sen}(x) = \sin(x)$.

1 Quádricas

1.1 Elipsóide

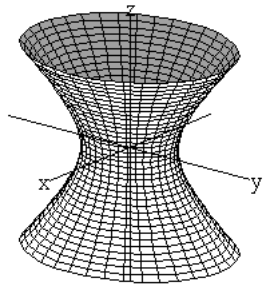
Considerando o centro $C = (x_o, y_o, z_o)$ e o eixo de “rotação” paralelo ao eixo x , temos:

$$E: \frac{(x-x_o)^2}{a^2} + \frac{(y-y_o)^2}{b^2} + \frac{(z-z_o)^2}{c^2} = 1$$

$$E: \begin{cases} x = x_o + a \cos(t) \sin(u) \\ y = y_o + b \cos(t) \cos(u) \\ z = z_o + c \sin(t) \end{cases}$$

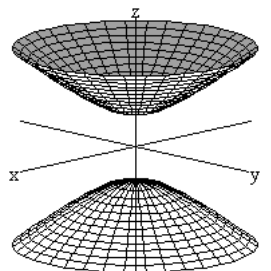
1.2 Hiperbolóide

Considerando o centro $C = (x_o, y_o)$ e o eixo de “rotação” paralelo ao eixo z , temos:

1.2.1 de uma folha

$$\frac{(x-x_o)^2}{a^2} + \frac{(y-y_o)^2}{b^2} - \frac{(z-z_o)^2}{c^2} = 1$$

$$H_1: \begin{cases} x = x_o + a \cos(u) \sqrt{1+t^2} \\ y = y_o + b \sin(u) \sqrt{1+t^2} \\ z = z_o + ct \end{cases}$$

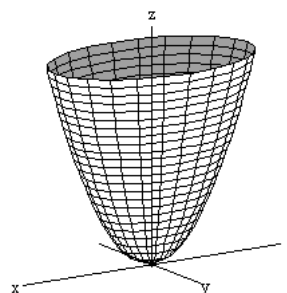
1.2.2 de duas folhas

$$\frac{(x-x_o)^2}{a^2} + \frac{(y-y_o)^2}{b^2} - \frac{(z-z_o)^2}{c^2} = -1$$

$$H_2: \begin{cases} x = x_o + a \cos(u) \sqrt{t^2 - 1} \\ y = y_o + b \sin(u) \sqrt{t^2 - 1} \\ z = z_o + ct \end{cases}$$

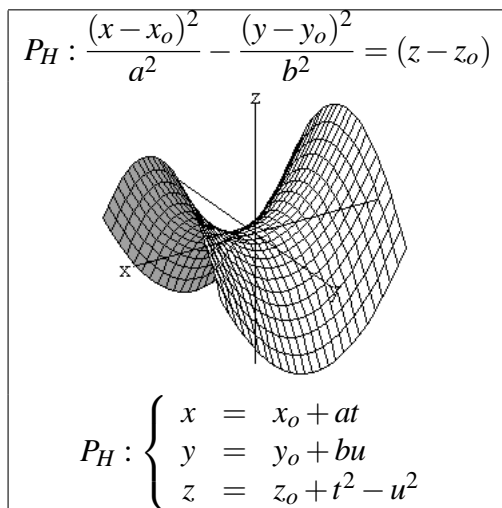
1.3 Parabolóide

Considerando o vértice $V = (x_o, y_o)$ e o eixo de “rotação” paralelo ao eixo z , temos:

1.3.1 Elíptica

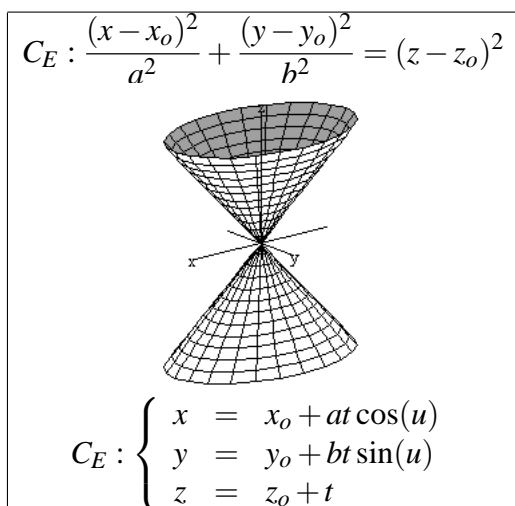
$$P_E: \frac{(x-x_o)^2}{a^2} + \frac{(y-y_o)^2}{b^2} = (z-z_o)$$

$$P_E: \begin{cases} x = x_o + a \cos(u) \sqrt{t} \\ y = y_o + b \sin(u) \sqrt{t} \\ z = z_o + t \end{cases}$$

1.3.2 Hiperbólica



1.4 Cone Elíptico

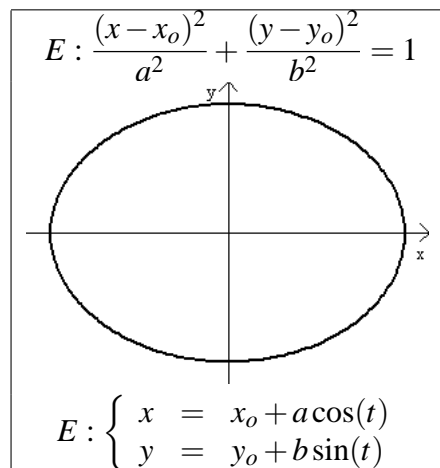
Considerando o centro $C = (x_o, y_o, z_o)$ e o eixo de “rotação” paralelo ao eixo z , temos:



2 Cônicas

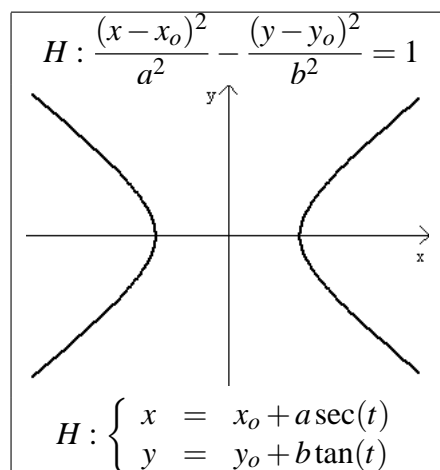
2.1 Elipse

Considerando o centro $C = (x_o, y_o)$ e o eixo focal paralelo ao eixo x , temos:



2.2 Hipérbole

Considerando o centro $C = (x_o, y_o)$ e o eixo focal paralelo ao eixo x , temos:



2.3 Parábola

Considerando o vértice $V = (x_o, y_o)$ e o eixo focal paralelo ao eixo y , temos:

